

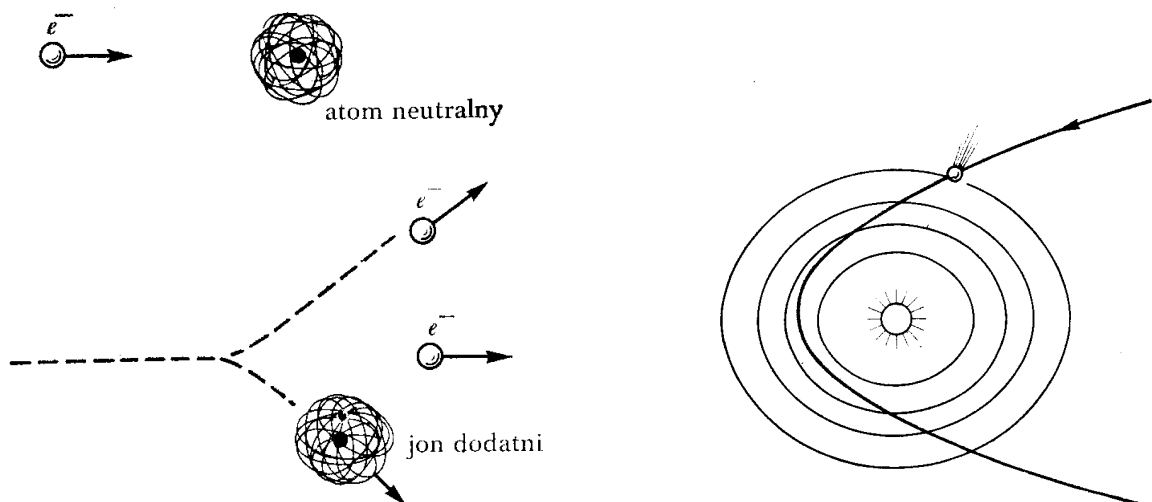
# ZDERZENIA



Zderzenia - to szeroka klasa procesów polegających na tym, że 2 ciała materialne, które początkowo znajdują się bardzo daleko od siebie zbliżają się, w wyniku czego zwiększa się ich wzajemne oddziaływanie po czym oddalają się tak, że oddziaływanie stopniowo słabnie.

Efektywne oddziaływanie tych ciał zachodzi tylko w skończonym czasie.

W wyniku oddziaływania zmienia się stan ruchu tych ciał na skutek wymiany pędu i energii między nimi.



# ZDERZENIA

Siły impulsowe (zderzeniowe)

Czas zderzenia :

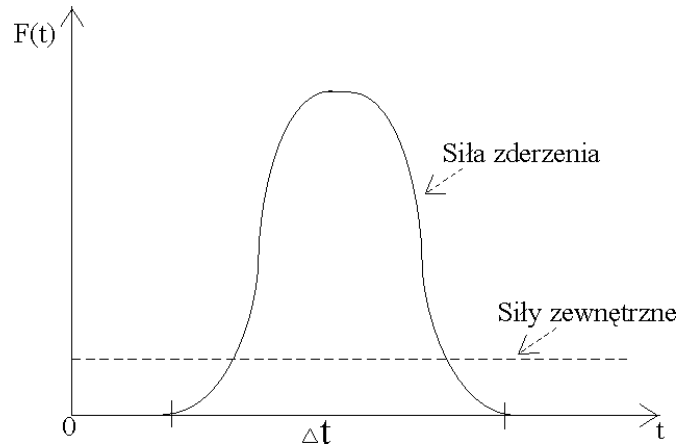
- protonu z jądrem atomu

$$10^{-22} - 10^{-23} \text{ s}$$

- kul bilardowych

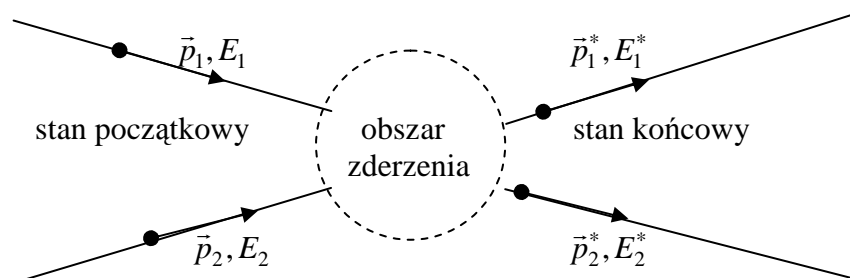
$$10^{-2} - 10^{-4} \text{ s}$$

- komety ze słońcem  
dziesiątki lat ( $10^8 - 10^9 \text{ s}$ )



Zasady zachowania

$$\begin{cases} \bar{P} = \bar{P}^* = \text{const} \\ E = E^* = \text{const} \\ L = L^* = \text{const} \end{cases}$$



# PODZIAŁ ZDERZEŃ

$$Q = E_k^* - E_k$$

- 1)  $Q = 0$  zderzenia sprężyste
- 2)  $Q \neq 0$  zderzenia niesprężyste
  - a) zderzenia niesprężyste **I rodzaju**  $Q < 0$   
(endoenergetyczne czyli z pochłonięciem energii)
  - b) zderzenia niesprężyste **II rodzaju**  $Q > 0$   
(egzoenergetyczne – z wydzieleniem energii)

## Energia progowa

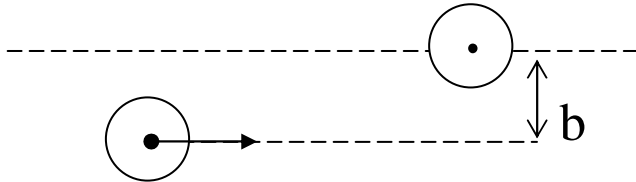
Zderzenia nieelastyczne I rodzaju w mikro-świecie charakteryzuje ściśle określona wartość energii kinetycznej, zwana energią progową

Przykłady:

- 1) atom wodoru, energia progowa jest równa różnicy energii między poziomami  $\Delta E_{ij} \approx 10 \text{ eV}$ . Jeżeli energia kinetyczna przed zderzeniem jest mniejsza od  $\Delta E_{ij}$  to zderzenie będzie sprężyste.
- 2) zderzenie protonu z protonem energia progowa jest równa energii potrzebnej do produkcji mezonu  $\pi^0 = 135 \text{ MeV}$

# PARAMETR ZDERZENIA

zderzenie cząstki poruszającej się ze spoczywającą



$b$  - parametr zderzenia,

dla kul zderzenie zachodzi, gdy  $b \leq r_1 + r_2$

- **Zasada zachowania energii**

$$\frac{1}{2}m_1v_1^2 = \frac{1}{2}m_1v_1^{*2} + \frac{1}{2}m_2v_2^{*2}$$

- **Zasada zachowania pędu**

$$m_1\vec{v}_1 = m_1\vec{v}_1^* + m_2\vec{v}_2^*$$

- **Zasada zachowania momentu pędu**

(przydatna w polu sił centralnych)

$$\vec{J} = m \cdot \vec{r} \times \vec{v} = m_1v_1b = \text{const}$$

Jeżeli siła jest centralna można jednoznacznie rozwiązać zagadnienie zderzenia 2 ciał

# ZDERZENIA SPRĘŻYSTE KUL

W przybliżeniu nierelatywistycznym i dla  $Q = 0$

- dowolne  $b$

$$\frac{1}{2}m_1v_1^2 = \frac{1}{2}m_1v_1^{*2} + \frac{1}{2}m_2v_2^{*2}$$

$$m_1\vec{v}_1 = m_1\vec{v}_1^* + m_2\vec{v}_2^*$$

$$\rightarrow \begin{cases} m_1v_1 = m_1v_1^* \cos \theta_1 + m_2v_2^* \cos \theta_2 \\ 0 = m_1v_1^* \sin \theta_1 + m_2v_2^* \sin \theta_2 \end{cases}$$

4 niewiadome  $(v_1^*, v_2^*, \theta_1, \theta_2)$  a 3 równania,  
dodatkowa informacja (np. z doświadczenia)

- zderzenie centralne  $b = 0$

zasada zachowania pędu redukuje się do

$$m_1v_1 = m_1v_1^* + m_2v_2^*$$

$$\theta_2 = 0 \quad \theta_1 = 0 \text{ lub } \pi \quad \sin \theta_1 = \sin \theta_2 = 0$$

- zderzenie niecentralne  $b \neq 0$  dla  $m_1 = m_2 = m$

$$\begin{cases} \vec{v}_1 = \vec{v}_1^* + \vec{v}_2^* \\ v_1^2 = v_1^{*2} + v_2^{*2} \end{cases} \quad \text{trójkąt prostokątny}$$

kąt „rozlotu”  $\phi = \theta_1 + \theta_2 = \pi/2$